# Die Kristallstruktur des Vanadinpentoxyds.

Von J. A. A. Ketelaar in Leiden.

Da bis jetzt über die Kristallstruktur der Pentoxyde nichts bekannt war, erschien vom kristallchemischen Standpunkte eine Untersuchung dieser Verbindungen erwünscht. Dabei war die Struktur des Vanadinpentoxyds von besonderem Interesse wegen der merkwürdigen Eigenschaften seiner Hydrosole, welche durch die stäbchenförmige Gestalt der kolloidalen Teilchen hervorgerufen werden. Über die anschließende Untersuchung der Struktur des Niob- und Tantalpentoxyds wird nächstens berichtet werden.

### Bestimmung des Elementarkörpers.

Das Vanadinpentoxyd kristallisiert aus der Schmelze in der Form langer rhombischer Nadeln, von stark länglich rechteckigem Querschnitt. Ungeachtet der geringen Dicke dieser Kristalle war es möglich, Drehaufnahmen um die drei Hauptachsen unter Verwendung von  $CrK_{\alpha}$ - und  $CuK_{\alpha}$ -Strahlung zu erhalten (Tab. I und II). Auch Pulveraufnahmen mit  $CrK_{\alpha}$ - und  $CuK_{\alpha}$ -Strahlung<sup>1</sup>), im letzten Fall unter Benutzung einer Nickelfolie auf dem Film zur Absorption der angeregten Vanadinstrahlung, wurden hergestellt (Tab. IV).

Als Ausgangsmaterial stand ein Präparat »zur Analyse« von Riedelde Haen zur Verfügung. Für die Abmessungen des rhombischen Elementarkörpers wurde gefunden:

$$egin{array}{rl} a = 11,48 \pm 0,01 & {
m \AA} \ b = & 4,36 \pm 0,005 & {
m \AA} \ c = & 3,55 \pm 0,005 & {
m \AA} \ . \end{array}$$

Aus diesen Zahlen wird das Achsenverhältnis zu a:b:c=1:0,380:0,310 berechnet, während aus den goniometrischen Messungen Nordenskjölds<sup>2</sup>) in unserer Achsenwahl  $a:b:c=1:0,383:3\times0.320$  hervorgeht.

Für die Zahl der Moleküle  $V_2O_5$  im Elementarkörper wird mit der pyknometrischen Dichte  $d = 3,32^3$ ) gefunden:  $Z = 1,97 \cong 2$ . Für die röntgenographische Dichte wird mit Z = 2 dann  $d_{r\bar{o}} = 3,37$ , für das Molvolumen MV = 53,9 berechnet.

<sup>1)</sup> Tabellen der Drehaufnahme um [010], sowie der Pulveraufnahme mit  $CuK_{\alpha}$ -Strahlung sind hier weggelassen worden; diese stimmen vollkommen mit den übrigen Diagrammen überein.

<sup>2)</sup> Nordenskjöld, Ann. Physik 112 (1861) 160.

<sup>3)</sup> Biltz, Volumchemie.

Als c-Richtung wurde in obenstehender Beschreibung des Elementarkörpers die Richtung parallel der Kristallnadelachse, als b-Richtung die Richtung parallel der geringsten Dicke der Kristalle gewählt. Parallel der Fläche (010), der vorherrschenden Seitenfläche der Nadeln, ist die Spaltbarkeit vollkommen. Auch entlang (100) besitzt der  $V_2O_5$ -Kristall deutliche Spaltbarkeit, parallel (001) ist diese jedoch gering.

#### Bestimmung der Raumgruppe.

Als systematische Auslöschung wurde nur beobachtet das Fehlen der Reflexionen h0l mit  $h + l \neq 2p$ . Es kommen somit von den Raumgruppen des rhombischen Systems nur in Betracht  $C_{2v}^{1,7}$ ,  $D_2^{1,2,3}$  und  $D_{2h}^{1,13}$ , wobei in  $D_2^3$  und  $D_{2h}^{13}$  die *b*- und *c*-Achse in der Beschreibung der »Internationalen Strukturtabellen« zur Transformation in die von uns gewählte Achsenbezeichnung zu vertauschen sind. Die erwähnte Auslöschung ist charakteristisch für die Raumgruppen  $C_{2v}^7$  und  $D_{2h}^{131}$ ).

Der Elementarkörper enthält zwei Moleküle  $V_2O_5$ , also 4 Vanadiumund 40 Sauerstoffatome. Für die Metallatome kommen entweder eine vierzählige oder zwei zweizählige Punktlagen in Frage; für die Sauerstoffatome die Kombinationen vier- und zweizähliger Punktlagen. In den Raumgruppen  $C_{2v}^1$ ,  $D_2^1$ , und  $D_{2h}^1$  sind außerdem noch einzählige Punktlagen vorhanden. Weil die Sauerstoffatome den Metallatomen in Streuvermögen bedeutend nachstehen, wird im allgemeinen der Einfluß der letzteren auf die Intensität der Reflexionen überwiegen.

Eine Betrachtung der Punktlagen in den Raumgruppen  $C_{2v}^1$ ,  $D_2^1$  und  $D_{2h}^1$  zuerst für die Metallatome, ergibt, daß es unmöglich ist, die sehr charakteristische Auslöschung sämtlicher Reflexionen  $h00 \mod h \neq 2p$  und die gleichzeitige Anwesenheit der Reflexionen h0l und  $hk0 \mod h \neq 2p$  (beispielweise 700 abw., jedoch 740 st. und 704 ms.) mittels der in diesen Raumgruppen möglichen Anordnungen, auch nicht unter Berücksichtigung möglicher Anordnungen von O-Atomen, einigermaßen richtig zu erklären. In der Raumgruppe  $D_2^2$  ergeben sich die gleichen Schwierigkeiten für die Reflexionen h00 und  $hk0 \min t h \neq 2p$  wie oben erwähnt. Auch eine Vertauschung der a- und c-Richtung in der Beschreibung der »Internationalen Tabellen« ergibt keine Möglichkeit, zu einer befriedigenden Anordnung zu gelangen, weil es dann nicht möglich ist, das Vorkommen von z. B. 044 und 024 zusammen mit dem Fehlen von 004 zu erklären.

Es bleibt also nur die Raumgruppe  $D_{2h}^{13}$  (Pmmn) mit den Untergruppen  $C_{2v}^7$  (Pmn) und  $D_2^3$  ( $P2_12_12_12$ ).

<sup>1)</sup> Internationale Tabellen zur Bestimmung von Kristallstrukturen. Berlin 1935.

Wie schon erwähnt, ist es notwendig, die *b*- und *c*-Achse in der Beschreibung in den »Internationalen Tabellen« für die Raumgruppen  $D_2^3$ und  $D_{2h}^{13}$  zu vertauschen. Weiterhin lassen sich die Anordnungen der Gruppe  $D_{2h}^{13}$  leicht als Spezialfälle von denen in  $D_2^3$  (und in  $C_{2v}^7$ ) auffassen, wodurch eine gesonderte Betrachtung sich erübrigt.

Die zwei- und vierzähligen Punktlagen in diesen Raumgruppen sind mit unserer Achsenwahl:

Die Strukturfaktoren dieser Punktlagen sind:

$$\begin{array}{l} h+l=2\,p; \ 2\,(a) \ bzw. \ 2(b) \ S=2\cos 2\pi uk \ bzw. \ S=(-1)^l \ 2\cos 2\pi uk \\ 4\,(c) \ S=4\,\cos 2\pi hx\,\cos 2\pi ky\,\cos 2\pi zl + 4\,i\,\sin 2\pi hx\,\sin 2\pi yk\,\sin 2\pi zl \\ h+l=2\,p; \ 2(a) \ bzw. \ 2(b) \ S=2\,\sin 2\pi uk \ bzw. \ S=(-1)^l \ 2\sin 2\pi uk \\ 4\,(c) \ S=4\,\sin 2\pi hx\,\cos 2\pi ky\,\sin 2\pi zl + 4\,i\,\cos 2\pi hx\,\sin 2\pi yk\,\cos 2\pi zl \end{array}$$

Die Punktlagen 4(e) und 4(f) in  $D_{2\hbar}^{13}$  entstehen aus der Punktlage 4(c) in  $D_2^3$ , falls x = 0 (oder  $\frac{1}{2}$ ) bzw. z = 0 (oder  $\frac{1}{2}$ ). Die parameterfreien Punktlagen 4(c) und 4(d) in  $D_{2\hbar}^{13}$  sind auch in 4(c) in  $D_2^3$  enthalten; diese sind jedoch gleich auszuschließen. Die 8-zählige Punktlage 8 (g) in  $D_{2\hbar}^{13}$ ist als eine Kombination zweier Punktlagen 4(c) in  $D_2^3$  mit x' = -x, y' = -y, z' = -z zu betrachten.

Für die Metallatome kommt, weil die zweizähligen Punktlagen keinen Parameter in der a-Richtung besitzen und die Intensitäten gerade in charakteristischer Weise von dem h-Index abhängen, nur eine vierzählige Punktlage in Betracht. Die Sauerstoffatome werden zwei vierzählige und eine zweizählige Punktlage einnehmen. Die Kombination von drei oder von fünf zweizähligen Punktlagen ist nicht nur wegen der Unmöglichkeit, die Intensitäten in diesem Fall richtig zu berechnen, sondern auch wegen des Umstandes, daß dann der Abstand zweier O-Atome weniger als 1,78 Å betragen würde, auszuschließen. Das vollständige Fehlen der 5. Zone um [100] zwingt zur Annahme, daß nicht nur cos  $10\pi x_m$  einen geringen Wert besitzt, sondern, weil in diesem Fall sin  $10\pi x_m$  gerade seinen Maximalwert erreichen würde, ebenfalls z einen Wert sehr nahe an 0 oder an  $\frac{1}{2}$  besäße (mit  $x_m$ ,  $y_m$  und  $z_m$  sind die Parameter der Metallatome bezeichnet worden). Auch das Fehlen der Reflexionen h0l mit  $h + l \neq 2p$  zwingt zur Annahme, daß sämtliche c-Parameter den rationalen Werten 0 oder 1/2 sehr nahe liegen. Eine solche Anordnung ohne Parameter in der c-Richtung wäre jedoch nicht in Übereinstimmung mit der Beobachtung. So ist z. B. die Intensitätsfolge 320 > 322 < 324 und  $004 \ll 002$  und auch 011 > 013 usw. nicht in Einklang mit dem Fehlen

#### J. A. A. Ketelaar

eines Parameters in der c-Richtung zu bringen. Es wurden ausgedehnte Rechnungen ausgeführt, zur Prüfung der Möglichkeit, ob es vielleicht gelänge, mit geringen Abweichungen von den rationalen Werten einerseits die Intensitätsfolge der Reflexionen mit verschiedenem l-Index und anderseits die Intensitäten der Reflexionen 5kl und h0l mit  $h + l \neq 2p$  in Übereinstimmung mit dem vollständigen Fehlen dieser Reflexionen zu bringen. Es gelang jedoch nicht, eine befriedigende Übereinstimmung zu erhalten. Auf ganz analogem Wege, wie unten im Abschnitt über die Raumgruppe  $C_{2v}^7$ , wurden die Werte der x- und y-Parameter auf denselben Gebieten wie dort eingeschränkt, und auch für die z-Parameter gelangt man zu analogen Möglichkeiten, nl.  $z_m = 0.02$ ,  $z_1 = 0.90$  und  $z_2 = 0.46$ . Diese Anordnung ist der noch zu besprechenden in  $C_{2v}^7$  durchaus ähnlich; sie ergibt jedoch nicht die richtigen Intensitäten für die



Fig. 4. Ätzfiguren auf der Fläche 040 des Vanadinpentoxyds, hervorgerufen durch die Einwirkung von

Natronlauge.

Reflexionen 5 kl und h0l für  $h + l \neq 2p$ . Die berechnete Intensität z. B. der Reflexionen 512 und 302 würde verlangen, daß diese Reflexionen im Gegensatz zum experimentellen Befund beobachtet sein sollten. Weil so die Versuche, in den Raumgruppen  $D_2^3$  und  $D_{2k}^{13}$  eine Anordnung zu finden, welche dem beobachteten Intensitätsverhältnis gerecht wird, fehlschlagen, bleibt nur die Möglichkeit einer Struktur in der hemimorphen Klasse, in  $C_{2v}^7$ , übrig.

Für die hemimorphe Symmetrie des  $V_2O_5$  spricht der Umstand, daß, obgleich die meisten Kristalle nur von Pinakoidflächen begrenzt sind, es manche gibt, welche an dem einen Ende von Flächen, z. B. h0l, begrenzt sind, das andere Ende dieser Kristalle wurde dann jedoch immer von dem Pinakoid 001 gebildet. Es gelangte niemals ein Kristall zur Beobachtung, welcher an beiden Enden zugespitzt war. Auch wurde unter dem Mikroskop ein Unterschied der Lösungsgeschwindigkeit beider Pole der c-Achse in verdünnter Lauge beobachtet. Wegen der geringen Ausdehnung der

Kriställchen war eine Prüfung auf Pyroelektrizität nicht möglich. Durch Einwirkung von verdünnter Natronlauge war es möglich, Ätzfiguren hervorzurufen. Die Mehrzahl dieser Figuren auf die Fläche 010 war rechteckig (Fig. 1 links oben), es gab jedoch auch manche, welche auf die hemimorphe Symmetrie des  $V_2O_5$  hinwiesen.

 $C_{2v}^7$ . Diese Raumgruppe enthält eine zweizählige und eine vierzählige Punktlage:

Die Strukturfaktoren sind:

$$h + l = 2p \begin{cases} 2(a): S - 2e^{2\pi ivl} \cos 2\pi uk \\ 4(b): S = 4e^{2\pi izl} \cos 2\pi xh \cos 2\pi yk \end{cases}$$
$$h + l \neq 2p \begin{cases} S = 2e^{2\pi ivl} \sin 2\pi uk \\ S = 4e^{2\pi izl} \cos 2\pi xh \\ \sin 2\pi yk \end{cases}$$

Wegen des Fehlens eines Parameters in der *a*-Richtung kommen die zweizähligen Punktlagen für die Metallatome nicht in Betracht. Für die Sauerstoffatome kämen die Kombinationen zweier vierzähliger und einer zweizähligen oder die einer vierzähligen und dreier zweizähliger Punktlagen in Frage. Letztere Möglichkeit ergibt jedoch keine befriedigende Übereinstimmung zwischen berechneten und beobachteten Intensitätsverhältnissen; insbesondere gelingt es nicht, die Verhältnisse  $400 \gg 410$  und  $010 \gg 410$  richtig zu berechnen.

Ein Parameter in der c-Richtung kann willkürlich gewählt werden; wir werden den z-Parameter der Metallatome  $z_m = 0$  setzen. Wenn die sonstigen Parameter noch unbestimmt sind, brauchen wir die drei x-Parameter nur im Gebiet 0-0.25 zu untersuchen. Aus dem beobachteten Hervortreten der 3., 7. und 13. Zone um die a-Achse, dem Fehlen der 5. Zone und der geringen Intensität der 2. Zone um diese Achse folgt für x ein Wert nahe an 0,45. Für  $y_m$  ergibt eine Diskussion u.a. der Intensität der Reflexionen 0k0 einen Wert  $y_m = 0.08-0.10$ (auch der y-Parameter der Metallatome darf im Gebiet 0-0,25 gewählt werden, solange die Parameter der Sauerstoffatome noch als unbestimmt betrachtet werden können). Eine Betrachtung der Intensitäten h00, h0k und hk0 ergibt für die beiden x-Parameter der vierzähligen Sauerstoff-Punktlagen, daß entweder beide im Gebiet 0,12-0,17, oder einer zwischen 0,12-0,17 und einer im Gebiet 0,18-0,23 liegen werden. Die erste dieser beiden Möglichkeiten würde wegen der sehr geringen Intensität von 410 verlangen, daß cos  $2\pi y_1$  und cos  $2\pi y_2$  beide groß und negativ seien, weil die Metallatome an sich für diese Reflexion einen beträchtlichen Beitrag zum Strukturfaktor liefern. Dann läßt sich aber der sehr große Intensitätsunterschied  $040 \gg 440$  nicht richtig berechnen. Die beiden x-Parameter werden also die Werte 0,12-0,17 und 0,18-0,23 besitzen.

Aus der Betrachtung von Reflexionen mit höheren *h*-Indizes lassen sich diese Bereiche einschränken auf  $x_1 = 0.44 - 0.465$  und  $x_2 = 0.485 - 0.24$ .

Für die Bestimmung der z-Parameter sei u.a. die Reflexion 704, Intensität: st. herangezogen, woraus folgt  $z_1 = 0.85-0.45$  und  $z_2 = 0.35-0.65$ . Wegen 002 st. und der geringen Intensität von 004 beschränken sich diese auf  $z_1 = \pm$  (0,04–0,13),  $z_2 = \pm$  (0,37–0,46) und wegen 033 < 034, 403 ss., usw. auf  $z_1 = \pm$  (0,07–0,11) und  $z_2 = \pm$  (0,42–0,46).

Für die Werte der y-Parameter wird gefunden, daß diese sich u. a. wegen 440 abwesend und 040 st. auf die Gebiete  $y_1 = 0.35-0.65$  und  $y_2 = 0.85-0.45$  einengen lassen. Wegen z. B. 440 m. kommen nur in Frage  $y_1 = 0.35-0.47$  und  $y_2 = 0.03-0.45$ , und weiter lassen sich diese Gebiete u.a. wegen 020 st, 040 s auf  $y_1 = 0.44-0.47$  und  $y_2 = 0.03-0.06$  einschränken.

Es bleiben noch die beiden Parameter der zweizähligen Punktlagen zu bestimmen. Wegen der beobachteten bedeutenden Intensitäten von 410 und 404 kommen für u und v nur in Betracht u = 0,05-0,45, v = 0,80-0,20, was sich wegen 410 abw., 002 st, und 004 s, auf u = 0,05-0,25 und  $v = \pm (0,05-0,20)$  beschränkt. Wegen 430 m, 220 ss usw. kommt nur in Frage u = 0,05-0,15.

Der einzige, noch unbestimmte Punkt betrifft das Vorzeichen der Parameter in der c-Richtung  $(z_1, z_2 \text{ und } v)$ . Von den vier Möglichkeiten der Zeichenwahl kommen wegen der sehr geringen Intensität von 202 und 212 nur in Betracht:

(I) 
$$z_1 = -(0.07 - 0.41)$$
  
 $z_2 = +(0.42 - 0.46)$   
 $v = -(0.05 - 0.20)$ 
(II)  $z_1 = +(0.07 - 0.41)$   
 $z_2 = +(0.42 - 0.46)$   
 $v = -(0.05 - 0.20)$   
(II)  $z_1 = +(0.07 - 0.41)$   
 $z_2 = +(0.07 - 0.41)$   
 $v = -(0.05 - 0.20)$ 

Die zweite Möglichkeit steht jedoch z. B. in Widerspruch mit dem, auch auf dem Pulverdiagramm beobachteten Intensitätsverhältnis 022 > 122.

Nachdem in der oben kurz angegebenen Weise die 40 Parameter der Struktur des Vanadinpentoxyds auf rein röntgenographischen Wege auf ein enges Gebiet eingeschränkt waren, wurde durch wiederholte Berechnung der Intensitäten vieler Reflexionen für eine große Anzahl Parameterkombinationen innerhalb der oben angegebenen Gebiete festgestellt, daß der beste Anschluß zwischen berechneten und beobachteten Intensitäten mit untenstehender Parameterkombination erhalten wird,

$x_m = 0,148 \pm 0,003$	$x_1 = 0,148 \pm 0,005$	$x_2 = 0,20 \pm 0,005$	
$y_m = 0,097 \pm 0,003$	$y_1 = 0,45 \pm 0,01$	$y_2 = 0.03 \pm 0.01$	$u=0.08\pm0.02$
$(z_m=0)$	$z_1 = 0,92 \pm 0,02$	$z_2 = 0,46 \pm 0,02$	$v = 0.89 \pm 0.03$

Mit dieser Parameterkombination sind die Intensitäten, aufgeführt in den Tab. I, II und IV, berechnet worden unter Verwendung der Formeln:

Drehdiagramm: 
$$I \sim \frac{1 + \cos^2 2\theta}{\sin 2\theta} \cdot \frac{\cos \theta}{\sqrt{\cos^2 \varphi} - \sin^2 \theta} \cdot p' \cdot S^2$$
  
( $\varphi$  = Winkel zwischen Reflexionsfläche und Drehachse,  $p'$  = Flächenhäufigkeitsfaktor)  
Pulverdiagramm:  $I \sim \frac{1 + \cos^2 2\theta}{\sin^2 \theta \cos \theta} \cdot A \cdot e^{-B \sin^2 \theta} p \cdot S^2$ 

$$(A = \text{Absorptionsfaktor}^1))$$

1) A = Absorptionsfaktor, berechnet nach Rusterholz, Z. Physik 63 (1930) 1.

Bei dem Vergleich zwischen berechneten<sup>1</sup>) und beobachteten Intensitäten in den Tab. I und II der Drehdiagramme mit  $CuK_{\mu}$  ist auf den starken Einfluß der Absorption und deswegen auf die äußere Form des Kristallstücks zu achten. Die verwendeten Kristalle sind ausschließlich von Pinakoidflächen begrenzt, und zwar sind die Pinakoide 010 am größten, während, indem die Kristalle lang und dünn sind, die Fläche 004 die geringste Ausdehnung besitzt. Mit A wird die Länge in der Richtung der a-Achse usw. angegeben. Wegen der ungünstigen Form A = 0.5 mm, B = 0.17 mm, c = 2.25 mm ist dieser Einfluß besonders bei der Aufnahme um [400] (Tab. II) sehr stark. Es sind in dieser Tabelle deshalb nur die Werte von  $p'S^2$  aufgenommen. Reflexionen von Flächen, welche nur einen kleinen Winkel mit der Fläche 040, der hervortretenden Begrenzungsfläche, einschließen, sind stark bevorzugt gegenüber solchen, welche parallel oder ungefähr parallel, mit 001, der Begrenzungsfläche der geringsten Ausdehnung verlaufen. Die Intensitätsfolge der Reflexionen hkl verschiedener Zonen mit gleichen Indizes k und l wird von der Absorption weniger und jedenfalls übersichtlicher beeinflußt, indem nur eine Schwächung höherer Zonen eintritt. In Tab. II sind die Reflexionen 0kl mit a, b oder c vermerkt, wobei mit a solche Reflexionen, bei welchen der Röntgenstrahl durch ein und dieselbe Fläche 010 ein- und austritt, bezeichnet sind; diese sind also bevorzugt gegenüber den Reflexionen der Kategorie c, wo zwar der Strahl durch dieselbe Fläche eintritt und wieder austritt, jedoch ist dieses hier die Fläche 004. Die Reflexionen, angedeutet durch b sind solche, wo der Strahl immer den Kristall zu durchqueren hat, indem der Röntgenstrahl nicht durch dieselbe Begrenzungsfläche des Kristalls austritt, durch welche er eingetreten ist. Wegen der starken Absorption wird diese Gruppe b am stärksten geschwächt werden. Wenn  $\alpha$  den spitzen Winkel der reflektierenden Fläche mit der Begrenzungsfläche 010 ist, so sind die Merkmale der drei Gruppen a, b und c:

 $lpha : \ lpha < heta; \quad b : \ lpha > heta \ ext{und} \ < 90 - heta; \quad c : \ lpha > 90 - heta.$ 

Bei der Drehaufnahme um [001] (Tab. I) fällt dieser Einfluß der Absorption wegen der günstigeren Gestalt des Kristallstücks weniger ins Gewicht.

<sup>1)</sup> Für das Streuvermögen sind die Angaben in den Intern. Tabellen für Vund  $O^{2-}$  verwendet; bei der Intensitätsberechnung der Diagramme mit  $CrK_{a}$ -Strahlung (Tab. IV) ist von den dort gegebenen Zahlen ein Betrag von zwei Einheiten pro Atom in Abzug gebracht, um der Tatsache, daß die  $CrK_{a}$ -Strahlung an der langwelligen Seite der K-Absorptionskante des Vanadiums liegt, Rechnung zu tragen.

Tabelle I.	Drehdiagramm vo	on $V_2O_5$ u	ım [001].	$CuK_{\alpha}$ -Strahlung.
	Kamera	radius 2.	.87 cm.	

Abstand	$10^3 \sin^2 \theta$	$10^3 \sin^2 \theta$	1 7 70	Intensität	;
in mm gefunden <sup>1</sup> )	gef.	berechnet	n k l ²)	berechnet	beob.
Äquat	or				
8,0	18	18	<b>20</b> 0	320	ms
10,2	34	31	040	4400	$\mathbf{st}$
11,1	37	35	110	560	m
13,0	50	49	240	98	8
15,7	73	71, 72	310, 400	390 + 390 = 780	$\mathbf{sst}$
	·	103	440	20	
20,8	126	125	020	295	ms
21,1	129	129	120	245	ms-
		143, 143	220, 510	46 + 2 = 48	
24,0	165	162, 165	600, <b>32</b> 0	335 + 200 = 535	$\mathbf{st}$
26,2	194	193, 197	640, 420	140 + 40 = 180	$\mathbf{m}$
		237	<b>52</b> 0	8	
30,2	253	251	740	110	ms+
		281	030	5	
32,4	287	285, 287, 287	<b>13</b> 0, <b>62</b> 0, 800	165 + 64 + 18 = 247	$\mathbf{mst}$
		299	230	1	
34,3	318	318, 321	810, 330	6 + 210 = 216	$\mathbf{mst}$
36,1	347	345	720	114	$\mathbf{ms}$
36,5	354	353	430	28	88
		393, 395	530, 940	1 + 8 = 9	
·		418	820	i	
		- 443	630	5	
42,1	449	449	10,00	48	s
		480	10,10	11	
		489	920	9	
44,9	498	500, 501, 504	<b>040, 73</b> 0	20 + 150 = 170	m
45,4	507	504	140	18	888
		518	240	0	
47,2	538	540	<b>34</b> 0	20	888
49,1	574	<b>572, 574, 57</b> 5	440, 10,20, 11	40 + 7 + 16 = 63	$\mathbf{ms}$
<u> </u>		578	830	8	
		612	540	4	
53,6	648	645, 647	930, 12,00	15 + 1 = 16	ss
54,5	662	662	640	31	s <sup></sup>
55,4	672	669	11,20	23	SS
		678	12,10	0	

1) Horizontalabstand (korrigiert).

2) Reflexionen h0l mit  $h + l \neq 2p$ , welche in  $C_{2v}^7$  systematisch ausgelöst sind und in Übereinstimmung damit auch nicht beobachtet werden, sind fortgelassen.

16

# Tabelle I (Fortsetzung).

	$10^3 \sin^2 \theta$	$10^3 \sin^2 \theta$	7 7 7	Intensität	5
ın mm gefunden	gef.	berechnet	n k l	berechnet	beob.
Äqua	tor				
57,9	718	720	740	18	88
58,8	731	730	10,30	41	$s^+$
_		772	<b>12,2</b> 0	2	
62,0	779	780	050	62	$\mathbf{ms}$
		784	450	13	
63,0	<b>794</b>	791, 797, 798	<b>13,10, 840, 25</b> 0	47 + 27 + 0 = 74	$\mathbf{ms}$
—		820	<b>35</b> 0	18	
65,2	824	825	11,30	64	ms
67,2	850	852	<b>45</b> 0	105	m
		864	940	1	
70,0	883	881, 885	<b>14,00, 13,20</b>	150 + 110 = 260	$\mathbf{mst}$
	—	892	550	8	—
73,0	914	912	14,10	115	s
		938	<b>12,3</b> 0	10	
76,4	945	942	650	180	m
77,0	949	949	10,40	200	m+
1 ste - Z 3,3	one Höhe 50	h = 1,40  cm.	101	3000	sst
10,6	<b>79</b>	78	011	380	$\mathbf{m}$
11,2	81	82	111	140	88
12,1	87	87	301	390	
					$m^+$
		96	<b>2</b> 11	27	m+ 
16,6	 114	96 118	211 311	27 90	m+  sss
16,6 19,5		96 118 150	211 311 411	27 90 168	m+  sss ms
16,6 19,5 —	 114 148 	96 118 150 159	211 311 411 501	27 90 168 18	m+  sss ms 
16,6 19,5  21,6	114 148 	96 118 150 159 172	244 344 414 504 024	27 90 168 18 149	m <sup>+</sup>  sss ms  ms
16,6 19,5  21,6 22,2	114 148  170 176	96 118 150 159 172 176	244 344 414 504 024 424	27 90 168 18 149 53	m <sup>+</sup>  ms  ss
16,6 19,5  21,6 22,2 	114 148 	96 118 150 159 172 176 190, 190	244 344 414 504 024 424 224, 514	$ \begin{array}{r} 27\\90\\168\\18\\149\\53\\6+18=24\end{array} $	m+ 
16,6 19,5 	114 148  170 176 	96 118 150 159 172 176 190, 190 212	244 344 414 504 024 424 224, 514 324	$ \begin{array}{r} 27\\ 90\\ 168\\ 18\\ 149\\ 53\\ 6+18=24\\ 23\\ \end{array} $	m <sup>+</sup> sss ms  ms ss 
16,6 19,5 	114 148 	96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244	244 344 414 504 024 424 224, 511 324 644, 424	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212	m <sup>+</sup> sss ms  ms ss  ms
16,6 19,5  21,6 22,2  27,6 29,5	114 148  170 176  242 266	96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244 267	244 341 414 504 024 421 224, 511 324 644, 424 704	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300	m <sup>+</sup>  ms  ms  ms mst
16,6 19,5 	114 148 	96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244 267 284	244 341 414 504 024 424 224, 511 324 644, 424 704 524	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12	m <sup>+</sup> 
16,6 19,5 	114 148  170 176  242 266  297	96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244 267 284 298	244 341 414 504 024 124 224, 514 324 644, 421 704 524 744	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168	m <sup>+</sup>  ms  ms  ms mst  ms
16,6 19,5 		96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244 267 284 298 328	244 341 411 504 024 124 224, 514 324 644, 424 704 524 744 034	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168 118	m <sup>+</sup>  ms  ms mst  ms mst
16,6 19,5 		96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244 267 284 298 328 328 332, 334	$\begin{array}{c} 244\\ 341\\ 411\\ 504\\ 024\\ 124\\ 224, 511\\ 324\\ 614, 421\\ 704\\ 524\\ 714\\ 031\\ 134, 621\\ 234\\ 344\\ 344\\ 344\\ 344\\ 344\\ 344\\ 344$	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168 118 15 + 86 = 101	m <sup>+</sup>  ms  ms mst  ms ms, s
16,6 19,5 	114 148  170 176  242 266  297 324 336 	96 118 150 159 172 176 190, 190 212 240, 244 267 284 298 328 332, 334 346	$\begin{array}{c} 244\\ 341\\ 411\\ 504\\ 024\\ 124\\ 224, 511\\ 324\\ 614, 424\\ 704\\ 524\\ 714\\ 034\\ 134, 624\\ 234\\ 244\\ 824\\ 14, 824\\ 234\\ 244\\ 824\\ 14, 824\\ 234\\ 234\\ 234\\ 234\\ 234\\ 234\\ 234\\ 2$	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168 118 15 + 86 = 101 4	m <sup>+</sup>  ms  ms  ms mst  ms s  s 
16,6 19,5 	114 148  170 176  242 266  297 324 336  324	96         118         150         159         172         176         190, 190         212         240, 244         267         284         298         328         332, 334         346         365, 368	$\begin{array}{c} 244\\ 341\\ 411\\ 504\\ 024\\ 124\\ 224, 511\\ 324\\ 614, 424\\ 704\\ 521\\ 714\\ 031\\ 134, 621\\ 234\\ 814, 334\\ 524\end{array}$	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168 118 15 + 86 = 101 414 + 50 = 64	m <sup>+</sup> sss ms ms ss ms mst s ms mst s ms
16,6 19,5 	114         148         170         176            242         266            297         324         336            366         390	96         118         150         159         172         176         190, 190         212         240, 244         267         284         298         328         332, 334         346         365, 368         392	$\begin{array}{c} 244\\ 341\\ 411\\ 504\\ 024\\ 124\\ 224, 511\\ 324\\ 614, 424\\ 704\\ 524\\ 714\\ 031\\ 134, 621\\ 234\\ 814, 331\\ 724\\ 134 \end{array}$	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168 118 15 + 86 = 101 414 + 50 = 64 84	m <sup>+</sup> sss ms  ms ss  ms mst  ms s s s s
16,6 19,5 	114         148         170         176            242         266            297         324         336            390         398	96         118         150         159         172         176         190, 190         212         240, 244         267         284         298         328         332, 334         346         365, 368         392         400	244 341 411 504 024 124 224, 514 324 644, 424 704 524 744 034 134, 624 234 844, 331 724 434	27 90 168 18 149 53 6 + 18 = 24 23 87 + 125 = 212 300 12 168 118 15 + 86 = 101 414 + 50 = 64 84 123 (5)	m <sup>+</sup> 

Zeitschr. f. Kristallographie. 95, Bd.

# J. A. A. Ketelaar

Tabelle I	(Fortsetzung).
-----------	----------------

Abstand	$10^3 \sin^2 \theta$	$10^3 \sin^2 \theta$	b b 1	Intensität	5
gefunden	gef.	berechnet	10 1 0	berechnet	beob.
1 ste - Z	one Höhe	h = 1,40 cm.			
		440, 442	531, 911	2 + 15 = 17	
		465	821	28	
44,3	490	490	631	97	$\mathrm{ms}^-$
46,6	525	527	10,11	48	s
		536	921	7	
48,2	548	547, 548, 551	041, 731, 1.1	9 + 6 + 31 = 46	5
		565	241	1	
50,5	587	587, 594	341, 11,01	39 + 67 = 106	$ms^+$
52,7	622	619, 621, 622	441, 10,21, 11,11	18 + 87 + 24 = 129	$\mathbf{ms}$
		625	831	45	
		659	541	3	
		692, 694	934	1	
-		709	644	<b>20</b>	
		716	11,21	17	
<u> </u>		735	12,11	3	
62,5	766	767	741	54	8
63,4	778	777	40,34	190	$\mathbf{m}$
66,0	804	807	13,01	145	$\mathbf{ms}$
		819	12,21	10	
		827	054	<b>25</b>	
68,2	829	834	151	409	$\mathbf{ms}$
68,8	837	838	13,11	135	$\mathbf{ms}$
	~~~	844, 845	841, 251	26 + 0 = 26	
71,8	865	867	351	220	$\mathbf{st}$
		872	11,31	10	
		899	451	<b>20</b>	
77,2	940	911	941	36	8
80,3	929	932	13,21	185	m
		939	551	8	
2te-Ze	one Höhe	h = 4,97 cm.			
8.4	262	258, 259	312, 402	590 + 640 = 1230	m
46.5	292	290	412	195	s+
20.6	314	312	022	155	8
21.4	318	316	122	430	8~
		330, 330	222, 512	19 + 2 = 21	
27.0	354	349, 352	602, 322	185 + 295 = 480	$\mathbf{st}$
21,0 34.4	384	380, 384	612, 422	125 + 34 = 159	s+
		424	522		~
38.3	442	438	712	83	g
		468	032	0	~
	-	100	002	0	

Tabelle I (roruseuzulig).	(Fortsetzung).
---------------------------	----------------

Abstand	$10^3 \sin^2 \theta$	$10^3 \sin^2 \theta$	7 7 7	Intensität	5
ın mın gefunden	gef.	berechnet	nĸı	berechnet	beob.
2te-Zo	ne Höhe	h = 4,97 cm.			
42,0	474	472, 474, 474	132, 622, 802	122 + 50 + 13 = 185	$\mathbf{m}$
		486	232	0	
46,0	509	505, 508	812, 332	8 + 250 = 258	m+
48,6	534	532	722	450	$\mathbf{ms}$
_		<b>54</b> 0	432	27	
		580, 582	532, 912	4 + 16 = 20	~
		605	822	2	
	_	630	6 <b>3</b> 2	10	
62,0	639	636	10,02	405	s
66,2	667	667	10,12	<b>13</b> 0	8
67,5	675	676	922	50	ss
69,5	687	687, 688	042, 732	65 + 310 = 375	$\mathbf{st}$
_		691	142	50	
—		705	242	6	
77,5	734	727	342	180	s

Die Intensitäten des Pulverdiagramms mittels  $CrK_{a}$ -Strahlung sind durch Photometrieren der Aufnahme mittels eines selbstregistrierenden Photometers von Moll auch quantitativ gemessen worden. Die Schwärzungen (s = 0.2-0.3, nur die stärkste Reflexion 010 zeigt eine maximale Schwärzung von s = 0.5) lagen im Gebiet, wo diese den Intensitäten gleich gesetzt werden dürfen. Die photometrisch bestimmten Intensitäten sind im willkürlichen Maßstab angegeben, derart, daß ihre Absolutgröße mit denen der berechneten Intensitäten übereinstimmt. Einige sehr schwache Reflexionen konnten nur geschätzt werden. Der Parameter der Temperaturfunktion B wurde so gewählt, daß die berechneten Intensitäten global denselben stetigen Verlauf zeigen, wie die photometrisch bestimmten Intensitäten. Die Berechnung geschah mit dem Wert B = 1.5. Indem im Pulver infolge der leichten Spaltbarkcit entlang 040 diese Fläche als Begrenzungsfläche vorherrscht, sind auch im Pulverdiagramm die Reflexionen, welche parallel dieser Begrenzungsfläche sind oder nur einen geringen Winkel mit ihr einschließen (in Tab. IV angedeutet durch\*), wiederum bevorzugt. Wird dieses in Rechnung gesetzt, so ist die Übereinstimmung zwischen berechneten und beobachteten Intensitäten als sehr befriedigend zu bezeichnen. Es wurde gefunden, daß relativ geringe Abweichungen einzelner Parameterwerte von den oben angegebenen Zahlen eine deutliche Verringerung der Übereinstimmung zwischen berechneten und beobachteten Intensitäten hervorrufen.

2\*

		-		ŀ				ľ															1
θ	α <sup>1</sup> )	Jrup-	0kl	<b>~</b>	I I	1kl	, <i>י</i>	, I	2kl		ľ	3kl	, r	I	4kl	I	Ι	5 kl	Ι		3 61	I	I
			ļ	06L.')	Deou.		Der. 1	oeon.		Der, D	eob.		ber. b	eop.		ber. b	eob.		ber. be	ob.		er. b	eob.
$10^{\circ}$	$^{\circ}0$	ನ	010	198	sst	110	66	st	240	12	<b>a</b> 2	340	59	sm	410	ო		510	-			1	
$12^{\circ}$	$^{\circ}06$	ల	100	0	1	101	130	a	201	0	-	301	80	SS	401	0		501	5		01	0	I
$16^{\circ}$	$51^{\circ}$	q	011	140	E	111	28	SS	211	ŭ	SSS	311	28	88	411	64	8	511	С		11	20	
$21^{\circ}$	$^{\circ}0$	с,	020	123	sst	120	46		220	11	88	320	50	st	420	12		520	0		20	24	J
$24^{\circ}$	$31^{\circ}$	q	021	123	50	121	23	SSS	221	ຕ		324	12		421	72	ms	524	œ		21	64	a
$26^{\circ}$	$^{00}{\circ}$	ల	002	257	я	102	0	mst	202	23		302	0		402	64	1 20	502	0		02	68 80	
$28^{\circ}$	$76^{\circ}$	ల	012	162	sm	112	33	SSS	212	22		312	<b>59</b>	88	412	49		512	Ţ	و ا	12	52	S
$32^{\circ}$	$^{\circ 0}$	đ	030	ო	хQ	130	61	mst	230	-	SSS	330	86	st	430	12	E	530	0	_9 	30	ہ م	1
$34^{\circ}$	$51^{\circ}$	ą	022	8	νΩ	122	38	888	222	11	ļ	322	110	20	422	14	1	522	م	9 	22	25 s	20
35°	$22^{\circ}$	æ	031	176	st	131	11	50	231	e	888	331	43	ä	431	104	m	531	01	 	31	87	nst
$40^{\circ}$	$^{\circ}06$	ల	003	0	I	103	20		203	0		303	46	SSS	403	0	1	503	9	 	03	0	1
$42^{\circ}$	$75^{\circ}$	ວ	043	<b>34</b>	888	113	<b>18</b>		213	°		313	54	SSS	413	30	888	513	12	_9	13	17	I
$43^{\circ}$	$39^{\circ}$	ជ	032	0		132	61	88	232	0	-	332	126	50	432	13	88	532	¢1	-9	32	4	I
$45^{\circ}$	$^{\circ}0$	đ	040	20	ag	140	6		240	0		340	10	SSS	440	20	a	540	¢1	 	40	13 s	5
$48^{\circ}$	$61^{\circ}$	э	023	74		123	5	-	223	6)		323	10	_	423	75)		<b>ŏ</b> 23	5)	-9	23	38)	
$48^{\circ}$	$17^{\circ}$	ದೆ	041	17	20 20	141	28	SILL	241	1		341	58	mst	441	15	SS	541	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	 	41	14	-
$56^{\circ}$	$31^{\circ}$	ಜೆ	042	37	50	142	14		242	, <del>L</del> I	J	342	32	20	442	36	ms	542	ົຕ	-		-	
$57^{\circ}$	$51^{\circ}$	đ	033	66	n	133	e		233	õ		333	12		433	67	67	533	01				
$60^{\circ}$	$^{\circ}06$	o	004	42	SS	104	0	1	204	2		304	0		404	27							
$62^{\circ}$	$^{\circ}0$	8	050	39]		150	4)		250	(O		350	5)		450	24)							
$62^{\circ}$	$^{28\circ}$	c	014	72	111SU	114	13		214	14		314	27		414	55	mst						
$65^{\circ}$	$14^{\circ}$	ಣ	054	21	888	151	41	8	251	`0		351	72	sst	451	ۍ ر							
$60^{\circ}$	$76^{\circ}$	0	024	17	888	124	20	SS	224	ò		324	82	m									
$73^{\circ}$	$42^{\circ}$	ත්	043	15	82	143	18	ms	243	1	1	343	52	st									
79°	$26^{\circ}$	ත්	052	61	st	152	4	1															

Tabelle II. Drehdiagramm von  $V_2O_5$  um [100]  $CuK_a$ -Strahlung.

2) a: Eintritt und Austritt durch 010 ( $\alpha < \theta$ ) (siehe S. 15). b: Eintritt und Austritt durch verschiedene Pinakoidflächen (sehr starke Schwächung durch Absorption) ( $\alpha > \theta$  und  $< 90 - \theta$ ). c: Eintritt und Austritt durch 001 ( $\alpha > 90 - \theta$ ). 3) I berechn. -  $p/S^{\alpha}$ . 1)  $\alpha$  = spitzer Winkel zwischen Reflexionsfläche und Begrenzungsfläche 040.

20

J. A. A. Ketelaar

Tabelle III. Identitätsabstände aus Drehdiagrammen Kameraradius 2,87 cm.

$$\begin{bmatrix} 100 \end{bmatrix} \quad Cu \cdot K_{\alpha} \quad n = 1 \quad h = 0,385 \text{ cm} \quad I_{a} = 11,54 \text{ Å} \\ n = 2 \quad h = 0,795 \text{ cm} \quad I_{a} = 11,52 \text{ Å} \\ n = 3 \quad h = 1,255 \text{ cm} \quad I_{a} = 11,50 \text{ Å} \\ n = 4 \quad h = 1,82 \text{ cm} \quad I_{a} = 11,50 \text{ Å} \\ n = 5 \quad abwesnd \qquad -- \\ n = 6 \quad h = 3,69 \quad \text{cm} \quad I_{a} = 11,69 \text{ Å} \\ \hline \text{Im} \quad \text{Mittel} \quad \overline{I_{a} = 11,65 \text{ Å}} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{a} = 11,48 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 100 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 0,575 \text{ cm} \quad I_{a} = 11,63 \text{ Å} \\ n = 2 \quad h = 1,23 \quad \text{cm} \quad I_{a} = 11,62 \text{ Å} \\ n = 3 \quad h = 2,41 \quad \text{cm} \quad I_{a} = 11,58 \text{ Å} \\ n = 4 \quad h = 3,73 \quad \text{cm} \quad I_{a} = 11,58 \text{ Å} \\ n = 4 \quad h = 3,73 \quad \text{cm} \quad I_{a} = 11,58 \text{ Å} \\ n = 2 \quad h = 2,84 \quad \text{cm} \quad I_{b} = 4,30 \text{ Å} \\ n = 2 \quad h = 2,84 \quad \text{cm} \quad I_{b} = 4,37 \text{ Å} \\ \text{Im} \quad \text{Mittel} \quad \overline{I_{b} = 4,37 \text{ Å}} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{b} = 4,36 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cu \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 4,40 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,52 \text{ Å} \\ n = 2 \quad h = 4,97 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,54 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad n = 1 \quad h = 2,43 \quad \text{cm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \quad \text{Pulverdiagramm} \quad I_{c} = 3,55 \text{ Å} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 001 \end{bmatrix} \quad Cr \cdot K_{a} \quad C$$

Tabelle IV, Pulverdiagramm von  $V_2O_5$ .  $CrK_a$ -Strahlung. Filmradius 2,87 cm.

Abstand	$10^3 \sin^2 \theta$	$10^3 \sin^2 \theta$	h 112)	In	tensität	
gef. <sup>1</sup> )	gef.	berechnet	n k ( - )	berechnet	gemess.	gesch.
11,45	39,4	39,6	-200	6,4	7,9	ms
15,1	67,9	68,7	010	19,1	80*)	$\mathbf{ssst}$
16,3	78,8	78,6	440	40,3	19,8*)	m
19,2	108	108	210	2,0		585
19,6	113	113	404	22,4	22,6	$\mathbf{st}$
$23,\!35$	157	157, 158	<b>31</b> 0, <b>4</b> 00	8,4+8,1=16,5	<b>26</b>	$^{\rm st^+}$
$24,\!45$	171	172	011	9,5	9,2	$ms^+$
25,3	183	182	111	2,9	2,2	ss
26, 1	<b>194</b> .	192	301	9,3	8,3	$\mathbf{ms}$
27,25	240	212	211	0,7	_	888
		227	440	0,2		
30,75	261	261	311	3,0	3,4	s
31,7	275	<b>274</b>	020	7,4	$26^{*})$	$\mathbf{st}$
32,3	285	284	<b>42</b> 0	4,8	$6,2^{*})$	ms-
34,1	314	313, 316	220, 540	$1,2 \div 0,1 = 1,3$	_	ss
35,1	329	330	411	5,8	5,3	$\mathbf{ms}$
	_	351	501	0,7	_	_
36,65	356	356	600	7,9	9,4	m

1) Korrigiert für Stäbchendicke. 2) Reflexionen h0l mit  $h + l \neq 2p$  haben I=0 und sind fortgelassen. \*) Wegen des Vorherrschens im Pulver von 010 als Begrenzungsfläche zu stark beobachtet.

Tabelle IV (Fortsetzung).

Abstand	$10^3 \sin^2\theta$	$10^3 \sin^2\theta$		In In	itensität	
m mm gef.	gef.	berechnet	<i>n k l</i>	berechnet	gemess.	gesch.
37,2	365	363	320	3,6	4,6	s+
37,9	377	377	021	4,7	5,2	$\mathbf{ms}$
38,45	387	387	121	2,2	2,8	s <sup>-</sup>
40,0	413	413	002	12,0	10,6	$\mathbf{mst}$
		417, 419	221, 511	0,3 + 0,9 = 1,2		
40,7	425	425	640	3,1]		ms
41,3	435	432	420	0.8	4,7	888
42,3	453	453	202	2,1		ss
		466	324	0,8		
<b>43.9</b>	481	482	012	6.2	6,5	$ms^+$
44.5	491	492	112	2.6		SS
		512	212	1.6		
		521	520	0.3		
46.7	529	528	611	3.6	2.8	5
47.1	536	535	424	4.8	6.0	ms
48.0	552	554	710	2.7	2.8	8
49.1	571	571. 571	312, 402	4.4 + 4.7 = 9.1	12.3	m
50.4	588	588	701	15.7	16.3	st
		617	030	0.1		
52.55	630	624, 627	521. 130.	$0.8 \pm 5.6$		
•=,••		630, 634	620, 800	+2.3 + 0.5 = 9.2	11.3	mbr.
53.3	643	640	412	3.6		88
54.1	656	657.657	714, 230	8.6 + 0.0 = 8.6	6.6	ms
56,0	687	687	022	5,0	_	8
56,5	695	697	122	3.2		ss
57.4	705	703, 706	810, 330	0.1 + 7.6 = 7.7	7.1	m
58.05	720	720	034	8.2	7.8	m
		727, 729	222, 542	$1.14 \pm 0.1 = 1.2$		
58.9	733	730, 733	131, 621	1.2 + 5.8 = 7.0	6.6	ms
60.7	760	759, 760	720, 234	$4.1 \pm 0.2 = 4.3$	4,9	8
61.3	770	769	602	7.1	7.3	$\mathbf{ms}$
61.8	777	775. 776	430, 322	1.4 + 9.6 = 11.0	11.5	m
64.1	809	806, 809	811, 331	1.4 + 7.1 = 8.5	16.0	mst
66.25	838	838	612	6.0	5.8	ms
		845	422	1.5		
68.3	863	862, 864	721.530	$11.4 \pm 0.2 = 11.3$	10.4	m
		871	910	0.9		
69.7	880	878	431	15.6	15.6	mst
		905	901	3.3		
		908	820	0.0		
		934	522	0.7		
75.8	940	939	103	7.1		ms
79.6	967	967, 967	531.712	1.0 + 14.0 = 15.0		m
		973, 974	630, 914	0.8 + 3.6 = 4.4	—	

Die Struktur des Vanadinpentoxyds mit dem oben, auf rein röntgenographischem Wege abgeleiteten Parameterwerte dürfte angesichts der guten Übereinstimmung zwischen berechneten und beobachteten Intensitäten (siehe Tab. I, II und IV) als gesichert gelten.

## Diskussion der Struktur von $V_2O_5$ .

Die oben abgeleitete Struktur ist in Fig. 2 in der Projektion auf der Fläche 040 dargestellt worden. Eine Betrachtung der Struktur ergibt, daß diese aufgebaut ist aus Tetraedern, gebildet von vier Sauerstoffatomen um jedes Vanadiumatom. In Übereinstimmung mit der Formel  $V_2O_5$ 



Fig. 2. Projektion der Struktur des Vanadinpentoxyds auf die Fläche 040. Die Zahlen geben den Abstand zur Projektionsebene, in der Richtung der b-Achse, an.

und der Paulingschen Regel hat jedes Tetraeder drei seiner O-Atome mit drei anderen Tetraedern gemeinsam. Es gehören in dieser Weise drei O-Atome je zu zwei Tetraedern und je ein O-Atom eines jeden Tetraeders nur zu diesem. Wie aus den berechneten Abständen hervorgeht, sind diese Tetraeder jedoch ein wenig verzerrt.

Ein Vanadiumion hat in erster Sphäre vier Sauerstoffionen in Abständen:  $V - O_1 = 4,57$  Å,  $V - O_2 = 4,83$  Å,  $V - O_3 = 4,77$  Å,  $V - O_4 = 4,75$  Å<sup>1</sup>).

Die O-Ionen (2), (3) und (4) gehören zu zwei Tetraedern,  $O_1$  jedoch nur zu dem einen Tetraeder um das betrachtete V-Ion. Nach Zachari-

1) Eine Auffassung, wobei fünf Sauerstoffatome um jedes Vanadiumatom koordiniert sind, wäre möglich ( $O_3$  in der nächsten Zelle kommt dann hinzu), doch ist der Abstand zu diesem fünften O-Atom bedeutend größer, nl. 2,02 Å.

asen<sup>1</sup>) würde man für den Abstand  $V^{5+} - O^{2-}$  in Viererkoordination berechnen: 1,76 Å. Die Ungleichwertigkeit der O-Atome, zwischen jenen, welche nur zu einem, gegen solche, welche zu zwei Sauerstofftetraedern gehören, äußert sich sehr deutlich in den gefundenen Atomabständen. Die einseitige Polarisation des  $O_1$ -Ions ist Ursache der starken Verminderung des Abstandes dieses Ions von dem V-Ion, im Vergleich mit den Abständen der Sauerstoffatome (2), (3) und (4), welche sich ungefähr in gleichem Abstand zwischen zwei Metallionen befinden.

Die Abstände der Sauerstoffionen eines Tetraeders betragen:

$O_1 - O_2 = 2,73$ Å	$O_2 - O_3 = 2,14$ Å	
$O_1 - O_3 = 2,72 \text{ Å}$	$O_2 - O_4 = 3,50 { m ~\AA}$	
$O_1 - O_4 = 2,36$ Å	$O_3 - O_4 - 3,06$ Å.	lm Mittel 2,74Å.

Die Abstände eines Sauerstoffions zu den vier nächsten Nachbarn sind im Mittel:

Um  $O_1$ : 2,64 Å,  $O_2$ : 2,46 Å,  $O_3$ : 2,38 Å,  $O_4$ : 2,54 Å. Nach Zachariasen berechnet man für den O-O-Abstand um ein  $V^{5+}$ -Ion: V-O =

2,41 Å, in guter Übereinstimmung mit den hier gefundenen Werten.

Die Verknüpfung einzelner Tetraeder findet in der Weise statt, daß diese sich zu Ketten parallel der c-Achse aneinander reihen, wie dieses sowohl aus der Projektion (Fig. 2) wie aus dem in Fig. 3 dargestellten Modell hervorgeht. Der kürzeste O-O-Abstand tritt auf zwischen den Atomen  $O_2$  und  $O_3$ , d. h. gerade zwischen denjenigen Sauerstoffatomen, welche die Kettenbildung vermitteln. Die Unterschreitung der Ionenradiensumme gerade bei diesen Sauerstoffionen ist wohlauf die große Bindungsfestigkeit innerhalb der Kette zurück-

zuführen; es äußert sich auch hier der stark polarisierende Einfluß des kleinen, fünffach geladenen Vanadiumions. Eine Betrachtung der Stellung des Vanadiums im Periodischen System ergibt, daß Vanadiumpentoxyd (Smp. 658°, Spt.?) gerade den Übergang zwischen dem relativ

Fig. 3. Modell der Kristallstruktur von Vanadinpentoxyd (Tetraederform idealisiert), beobachtet in der Richtung der b-Achse (übereinstimmend mit der Projektion in Fig. 2). Gesondert mittlere Kette und einzelner Tetraeder.



<sup>1)</sup> Zachariasen, Z. Kristallogr. 80 (1931) 137.

tief schmelzenden flüchtigen Phosphorpentoxyd (Smp. 580° [555 cm Hg], Spt. 605°<sup>1</sup>)) und dem hochschmelzenden, sehr wenig flüchtigen Niobpentoxyd (Smp. 4520°, Spt. ?) einnimmt. Das Kettengitter des  $V_2O_5$  steht also zwischen dem vermutlichen Molekülgitter des  $P_2O_5$  und dem Koordinationsgitter des  $Nb_2O_5$  und  $Ta_2O_5$ , über dessen Kristallstruktur nächstens berichtet werden wird.

Die einzelnen Ketten sind seitlich miteinander verbunden zu Schichten parallel 040. Wie aus den Atomabständen und aus den Fig. 2 und 3 hervorgeht, ist jedoch die Ausbildung der Schichten sekundär gegenüber der Kettenbildung. Senkrecht zu diesen Schichten, also in der Richtung der b-Achse, wirken nur schwache Kräfte, indem der kürzeste Abstand eines Vanadiumions zu einem Sauerstoffion der nächsten Schicht 2,20 Å beträgt, also beträchtlich größer ist als der Abstand zu den nächsten O-Ionen der eigenen Schicht, im Mittel 4,73 Å.

Der geschilderte Aufbau des  $V_2O_5$ -Gitters begründet die beobachtete Spaltbarkeit. Die Ausbildung von Schichten parallel 040 verleiht dem Vanadinpentoxyd die sehr vollkommene Spaltbarkeit eines Schichtengitters nach 040. Aber auch die Ungleichwertigkeit der Richtungen innerhalb einer Schicht, parallel und senkrecht zur Kettenachse, kommt in der Spaltbarkeit zum Ausdruck, indem die Spaltbarkeit parallel 400 sehr deutlich ist, parallel 004 jedoch fast verschwindet. Auch die nadelförmige Gestalt der aus dem Schmelzfluß gebildeten Kristalle läßt sich auf Grund des kettenartigen Aufbaus leicht verstehen.

Ein Vergleich der Struktur des Vanadinpentoxyds mit jenen der Silikate liegt wegen der Ähnlichkeit zwischen  $Si^{4+}$  und  $V^{5+}$  (Diagonalregel V. M. Goldschmidt) auf der Hand. In Übereinstimmung mit der ungefähr gleichen Größe beider Ionen (nach Goldschmidt  $Si^{4+}: 0,39$  Å,  $V^{5+}: \sim 0,4$  Å, nach Pauling  $Si^{4+}: 0,41$  Å,  $V^{5+}: 0,59$  Å), zeigen sie beide die Koordinationszahl 4 gegenüber Sauerstoff. Den Strukturen der Silikate und des  $V_2O_5$  liegt das gleiche Bauprinzip des von den Sauerstoffatomen um die Metallatome gebildeten Tetraeders zugrunde. Der Formel  $V_2O_5$  entsprechend werden wir die Silikate der Formel A ( $Si_2O_5$ ) zum Vergleich heranziehen. Es sind dieses die Silikate der natürlichen Familie der Glimmer. Beiden gemeinsam ist der Aufbau aus Schichten und die dadurch hervorgerufene ausgesprochene Spaltbarkeit entlang einer Fläche und der blättehenförmige Habitus der Kristalle. Ein wichtiger Unterschied besteht jedoch in dem Aufbau einzelner Schichten. In den Silikaten der Glimmerfamilie ist eine pseudo-dreizählige Symmetrie vor-

<sup>1)</sup> Stabile Modifikation; die metastabile Modifikation sublimiert schon bei 360°. Smits, Z. physikal. Chem. (A) 149 (1930) 337.

handen, welche dem  $V_2O_5$  völlig fehlt. Während bei den Glimmern jedes Tetraeder in gleichwertiger Weise mit drei anderen Tetraedern verbunden ist, ist im Vanadinpentoxyd jedes Tetraeder verbunden mit zwei Tetraedern derselben Kette, beide in gleicher Stellung, während das dritte Tetraeder, zur nächsten Kette gehörend, gerade eine andere Stellung einnimmt, indem das eine, nur zu diesem Tetraeder gehörige Sauerstoffion  $(O_1)$  sich auf der anderen Seite der Fläche 040 befindet als die nicht gemeinsamen  $O_1$ -Ionen der beiden erstgenannten Tetraeder (s. Modell Fig. 3).

Auch die schr starke positive Doppelbrechung<sup>1</sup>) des  $V_2O_5$  stimmt vollkommen mit der Erwartung auf Grund des Aufbaus aus Ketten überein.

Über den Zusammenhang zwischen Kristallstruktur und kolloidchemischen Eigenschaften und über Untersuchungen betreffs der Konstitution des  $V_2O_5$ -Sols wird an anderer Stelle berichtet werden<sup>2</sup>). Es sei hier nur mitgeteilt, daß die kolloidalen Teilchen der Hydrosole des  $V_2O_5$ , wie auf Grund der Kristallstruktur zu erwarten ist, die Gestalt eines Brettes besitzen, indem sie zwar in einer Richtung, der *c*-Achse, sehr lang, jedoch außerdem in den beiden Querdimensionen erheblich verschieden sind und so die Teilchen zwar in der *b*-Richtung sehr viel weniger als in der *a*-Richtung messen (z. B.  $C \sim 450$  Å, B < 40 Å,  $A \sim 20$  Å).

Auch über die Beeinflussung der Kristallisationsgeschwindigkeit des geschmolzenen  $V_2O_5$  und die eng damit zusammenhängende Änderung der Alterungsgeschwindigkeit der Sole<sup>3</sup>) durch Zusätze von  $P_2O_5$  und  $As_2O_5$  bzw. Phosphor- und Arsensäure sowie die Glasbildung<sup>4</sup>) unter dem Einfluß geringer Mengen dieser Stoffe wird noch später berichtet werden<sup>2</sup>).

## Zusammenfassung.

Vanadinpentoxyd kristallisiert im rhombischen System. Die Dimensionen des Elementarkörpers, bestimmt aus Pulver- und Drehdiagrammen, sind:

 $\begin{array}{ll} a=41,48\pm 0,04 \quad {\rm \AA} \\ b=-4,36\pm 0,005 \ {\rm \AA} \\ c=-3,55\pm 0,005 \ {\rm \AA} \quad a:b:c=4:0,380:0,310, \ Z=2, \\ {\rm Molvolumen:} \ 53,9, \ {\rm Dichte} \ d_{r\bar{o}}=3,37. \end{array}$ 

3) Freundlich und Dannenberg, Z. physikal. Chem. 119 (1926) 87.

<sup>1)</sup> Freundlich, Stapelfeldt und Zocher, Z. physikal. Chem. 114 (1924) 161.

<sup>2)</sup> Siche auch Ketelaar, Nature 137 (1936) 316 und Chem. Weekblad 33 (1936) 51.

<sup>4)</sup> Roscoe, Phil. Trans. Roy. Soc. London 158 (1867) 4.

Eine vollständige Untersuchung der Kristallstruktur ergab, daß  $V_2O_5$  in der Raumgruppe  $C_{2x}^7$  (*Pmn*) kristallisiert mit den Metallatomen in der 4-zähligen Punktlage 4(b), den Sauerstoffatomen gleichfalls in zwei Punktlagen 4(b) und einer 2-zähligen Punktlage 2(a).

20 in 2(a): 
$$0uv, \frac{1}{2} \bar{u} \frac{1}{2} + v.$$
  
4V und 80 in 4(b):  $xyz, \bar{x}yz, \frac{1}{2} - x \bar{y} \frac{1}{2} + z, \frac{1}{2} + x \bar{y} \frac{1}{2} + z$ 

Die zehn Parameter dieser Anordnung konnten alle, ausschließlich unter Verwendung der beobachteten Intensitäten, bestimmt werden. Der beste Anschluß zwischen beobachteten und berechneten Intensitäten wurde mit untenstehenden Parameterwerten erhalten.

$$\begin{array}{ll} x_m = 0,148 \pm 0,003 & x_1 = 0,148 \pm 0,005 & x_2 = 0,20 \pm 0,005 \\ y_m = 0,097 \pm 0,003 & y_1 = 0,45 & \pm 0,01 & y_2 = 0,03 \pm 0,04 & u = 0,08 \pm 0,02 \\ (z_m = 0) & z_1 = 0,92 & \pm 0,02 & z_2 = 0,46 \pm 0,02 & v = 0,89 \pm 0,03 \end{array}$$

Die Ionenabstände, auf Grund dieser Parameter berechnet, stimmen befriedigend mit den Werten, berechnet aus den Ionenradien, überein. Das Gitter des Vanadinpentoxyds läßt sich am besten beschreiben als primär aufgebaut aus Ketten parallel der c-Achse, gebildet von durch gemeinschaftliche Sauerstoffionen verbundenen Tetracdern aus vier Sauerstoffionen um jedes Vanadiumion. Die sekundäre Verknüpfung dieser Ketten, ebenfalls durch gemeinsame Ionen, führt zur Bildung von Schichten parallel 040. Dieser besondere Aufbau erteilt dem  $V_2O_5$  die Eigenschaften sowohl eines Schichten- wie eines Kettengitters und steht in sehr guter Übereinstimmung mit den beobachteten Eigenschaften der Spaltbarkeit und der positiven Doppelbrechung; auf den Zusammenhang mit den kolloidchemischen Eigenschaften wird an anderer Stelle eingegangen werden. Es wurde auf den Zusammenhang der Struktur des  $V_2O_5$ mit den Silikatstrukturen hingewiesen.

Leiden, Juli 1936, Laboratorium für Anorganische Chemie der Universität.

Eingegangen den 12. Juli 1936.